

Exercice 1

En remarquant que $2^{19} = 2^4 \times 2^{15}$, calculer $2^{19} \times 5^{15}$

Correction

$$2^{19} = 2^4 \times 2^{15} \text{ donc } 2^{19} \times 5^{15} = 2^4 \times 2^{15} \times 5^{15} = 2^4 \times 10^{15} = 16 \times 10^{15}$$

Exercice 2

Le mot de passe d'une carte bleue est composé de 4 chiffres compris entre 0 et 9.

1. Combien y-a-t-il de codes possibles ?
2. Sachant qu'il faut une minute pour tester 10 codes, déterminer le temps nécessaire en heures-minutes pour les tester tous ?

Correction

1. Il y a $10 \times 10 \times 10 \times 10 = 10^4 = 10\,000$ codes possibles.
2. Il faut une minute pour tester 10 codes donc il faut 1000 minutes pour tester 10 000 codes.
Or $1000 = 60 \times 16 + 40$ donc il faut 16h40min pour tester 10 000 codes.

Exercice 3

Écrire sous la forme t^n les nombres $A = t^4 \times (t^3)^2 \times t^7$ et $B = \frac{t^{19}}{t^8 \times t^{-3} \times (t^{-1})^{-1}}$

Correction

$$A = t^4 \times (t^3)^2 \times t^7 = t^4 \times t^6 \times t^7 = t^{17}$$

$$B = \frac{t^{19}}{t^8 \times t^{-3} \times (t^{-1})^{-1}} = \frac{t^{19}}{t^8 \times t^{-3} \times t^1} = \frac{t^{19}}{t^6} = t^{19-6} = t^{13}$$

Exercice 4

Écrire sous la forme $a^n \times b^m$ les nombres $C = (a^{-3} \times b^2)^{-8}$ et $D = \left(\frac{a}{b}\right)^{-5} \times b^6$

Correction

$$C = (a^{-3} \times b^2)^{-8} = (a^{-3})^{-8} \times (b^2)^{-8} = a^{24} \times b^{-16}$$

$$D = \left(\frac{a}{b}\right)^{-5} \times b^6 = \frac{a^{-5}}{b^{-5}} \times b^6 = a^{-5} \times b^5 \times b^6 = a^{-5} \times b^{11}$$

Exercice 5

Écrire sous la forme 2^n les nombres $E = 2^n \times 2^{n-3}$ et $F = \frac{2^{4-n} \times 2^{n+5}}{2^{-7n}}$

Correction

$$E = 2^n \times 2^{n-3} = 2^{n+n-3} = 2^{2n-3}$$

$$F = \frac{2^{4-n} \times 2^{n+5}}{2^{-7n}} = \frac{2^{4-n+n+5}}{2^{-7n}} = \frac{2^9}{2^{-7n}} = 2^{9-(-7n)} = 2^{7n+9}$$

Exercice 6

Déterminer l'écriture scientifique des nombres suivants :

$$A = 45 \times 10^{12} \times 4 \times 10^{-26}$$

$$B = 7,35 \times 10^{-12} + 0,045 \times 10^{-11} - 40 \times 10^{-14}$$

$$C = 3500000000000^2$$

$$D = \frac{49 \times 10^{-5} \times 6 \times 10^7}{3 \times 10^3 \times 7 \times 10^{-3}}$$

Correction

$$A = 45 \times 10^{12} \times 4 \times 10^{-26} = 45 \times 4 \times 10^{-14} = 180 \times 10^{-14} = 1,8 \times 10^2 \times 10^{-14} = 1,8 \times 10^{-12}$$

$$B = 7,35 \times 10^{-12} + 0,045 \times 10^{-11} - 40 \times 10^{-14} = 10^{-12} \times (7,35 + 0,045 \times 10^1 - 40 \times 10^{-2})$$

$$B = 10^{-12} \times (7,35 + 0,45 - 0,4) = 7,4 \times 10^{-12}$$

$$C = 3500000000000^2 = (3,5 \times 10^{12})^2 = (3,5)^2 \times (10^{12})^2 = 12,25 \times 10^{24} = 1,225 \times 10^{25}$$

$$D = \frac{49 \times 10^{-5} \times 6 \times 10^7}{3 \times 10^3 \times 7 \times 10^{-3}} = \frac{7 \times 7 \times 3 \times 2}{3 \times 7} \times \frac{10^{-5} \times 10^7}{10^3 \times 10^{-3}} = 14 \times \frac{10^2}{10^0} = 14 \times 10^2 = 1,4 \times 10 \times 10^2 = 1,4 \times 10^3$$

Exercice 7

Un atome est constitué de neutrons et de protons appelés nucléons. Autour de son noyau gravitent un ou plusieurs électrons.

Le symbole ${}_a^bX$ désigne un atome X contenant b nucléons et a électrons.

Un nucléon a une masse de $1,672 \times 10^{-27} \text{ kg}$ et un électron a une masse de $9,109 \times 10^{-31} \text{ kg}$

1. Démontrer qu'un électron est environ 1830 fois plus léger qu'un nucléon.
2. Un atome d'aluminium s'écrit ${}_{13}^{27}\text{Al}$.
 - (a) Combien de nucléons comporte un atome d'aluminium?
 - (b) Combien d'électrons comporte un atome d'aluminium?
 - (c) Déterminer la masse d'un atome d'aluminium.

Correction

Un atome est constitué de neutrons et de protons appelés nucléons. Autour de son noyau gravitent un ou plusieurs électrons.

Le symbole ${}_a^bX$ désigne un atome X contenant b nucléons et a électrons.

Un nucléon a une masse de $1,672 \times 10^{-27} \text{ kg}$ et un électron a une masse de $9,109 \times 10^{-31} \text{ kg}$

1.
$$\frac{1,672 \times 10^{-27}}{9,109 \times 10^{-31}} = \frac{1,672}{9,109} \times \frac{10^{-27}}{10^{-31}} \simeq 0,183 \times 10^{-27-(-31)}$$

$$\frac{1,672 \times 10^{-27}}{9,109 \times 10^{-31}} \simeq 0,183 \times 10^4 = 1,83 \times 10^3 = 1830 \text{ donc un électron est bien environ 1830 fois plus léger qu'un nucléon.}$$
2. (a) Un atome d'aluminium contient 27 nucléons
 (b) Un atome d'aluminium contient 13 électrons
 (c) Masse d'un atome d'aluminium =

$$27 \times 1,672 \times 10^{-27} + 13 \times 9,109 \times 10^{-31} = 45,144 \times 10^{-27} + 18,417 \times 10^{-31}$$

$$27 \times 1,672 \times 10^{-27} + 13 \times 9,109 \times 10^{-31} = 10^{-27} \times (45,144 + 18,417 \times 10^{-4})$$

$$27 \times 1,672 \times 10^{-27} + 13 \times 9,109 \times 10^{-31} = 10^{-27} \times (45,144 + 0,0018417) \simeq 45,14 \times 10^{-27} \text{ kg}$$

Exercice 8

La masse d'un atome de cuivre est de $1,05 \times 10^{-30} \text{ g}$. Combien y a-t-il d'atomes de cuivre dans 1,47 kg de cuivre ?

Correction

1,47 Kg = 1470 g contient $\frac{1470}{1,05 \times 10^{-30}} = 1400 \times 10^{30} = 1,4 \times 10^{33}$ atomes de cuivre.